

# Aktuárské vědy

---

## Literatura

*Aktuárské vědy*, Vol. 1 (1930), No. 2, 88–94

Persistent URL: <http://dml.cz/dmlcz/144514>

## Terms of use:

Institute of Mathematics of the Czech Academy of Sciences provides access to digitized documents strictly for personal use. Each copy of any part of this document must contain these *Terms of use*.



This document has been digitized, optimized for electronic delivery and stamped with digital signature within the project *DML-CZ: The Czech Digital Mathematics Library* <http://dml.cz>

## LITERATURA.

Renato Taucer: Sulla teoria dei gruppi.

Je to sdělení, které p. Renato Taucer z Terstu přednesl na mezinárodním sjezdu matematiků v Bologni v sekci pro aplikovanou matematiku. Autor, zřejmě pod vlivem prací p. prof. Dra Schoenbauma o užití integrálních a integrodiferenciálních rovnic v matematické statistice, zabývá se uzavřeným kolektivem  $\Gamma$  osob, které mají charakteristický znak  $i$  ( $i = 1, 2, 3, \dots, n$ ). Kolektiv se mění tak, že osoby buď nabývají místo znaku  $i$  jiného, nebo umírají. Můžeme pak jej rozložit na  $n$  skupin  $\Gamma_i$ , ve kterých jsou osoby se znakem  $i$ . Budiž  $\Gamma_1$  taková skupina, že všechny osoby kolektivu  $\Gamma$  ve věku  $x_0$  přináležejí do  $\Gamma_1$ . Označme dále  $l_i(x)$  počet osob ve stáří  $x$  v  $\Gamma_i$ ,  $\mu_i(x)$  intenzitu úmrtnosti v  $\Gamma_i$ ,  $a_{ij}(x)$  intenzitu přímého přechodu z  $\Gamma_i$  do  $\Gamma_j$ ,  $\beta_i(x)$  pak úhrnnou intenzitu opouštění  $\Gamma_i$ . Pro poslední podle teorému Karupova platí

$$\beta_i(x) = \mu_i(x) + \sum_{r=0}^n a_{ir}(x). \quad a_{ii}(x) = 0.$$

Všechny tyto funkce jsou spojité, konečné a kladné. Pravděpodobnost, že osoba věku  $\xi$  z  $\Gamma_i$  neopustí  $\Gamma_i$  v intervalu časovém  $\xi - x$ , jest

$$p_{ii}(\xi, x) = e^{-\int_{\xi-x}^{\xi} \beta_i(z) dz}.$$

Autor nabývá pro  $l_i(x)$  této soustavy integrálních rovnic Volterrových 2. druhu:

$$l_1(x) = l_1(x) p_{11}^{(0)}(x, x) + \sum_{r=2}^n \int_{x_0}^x a_{r1}(\xi) p_{11}^{(0)}(\xi, x) l_r(\xi) d\xi,$$

$$l_i(x) = \sum_{r=1}^n \int_{x_0}^x a_{ri}(\xi) p_{ii}^{(0)}(\xi, x) l_r(\xi) d\xi \quad (i = 2, 3, \dots, n).$$

Pro iterovaná jádra tohoto systému  $K_{ir}^{(s)}(x, \xi)$ , jež jsou dána rekurentním vzorcem

$$K_{ir}^{(s+1)}(x, \xi) = \sum_{j=1}^n \int_{\xi}^x K_{ij}^{(k)}(x, \eta) K_{jr}^{(s+1-k)}(\eta, \xi) d\eta,$$

$$K_{ir}^{(1)}(x, \xi) = K_{ir}(x, \xi) = a_{ri}(\xi) p_{ii}^{(0)}(\xi, x),$$

odvozuje autor zajímavý vzorec, totiž

$$K_{ir}^{(s+1)}(x, \xi) = \sum_{j=1}^n a_{rj}(\xi) p_{ji}^{(s)}(\xi, x),$$

kde  $p_{ji}^s$  znamená relativní pravděpodobnost, že osoba, jež ve věku  $\xi$  byla v  $\Gamma_j$ , projde v čase  $\xi - x$  s různými skupinami, z nichž prvých  $s - 1$  jest libovolných, poslední pak pevná  $\Gamma_i$ . Pro tyto pravděpodobnosti platí rekurentní formule

$$p_{ji}^{(s)}(\xi, x) = \sum_{h=1}^n \int_{\xi}^x p_{jh}^{(k)}(\xi, \eta) \sum_{r=1}^n a_{hr}(\eta) p_{ri}^{(s-k-1)}(\eta, x) d\eta$$

$$k = 0, 1, \dots, s - 1.$$

Dále zavádí autor pravděpodobnost

$$p_{ii}^{(t)}(\xi, x) = \sum_{s=0}^t p_{ii}^{(s)}(\xi, x),$$

že osoba, jež ve věku  $\xi$  náležela do  $\Gamma_i$ , projde v intervalu časovém  $\xi - x$  nejvýše  $t$  skupinami, z nichž poslední je  $\Gamma_i$ . Lze dokázat, že existuje limita

$$p_{ji}(\xi, x) = \lim_{t \rightarrow \infty} p_{ji}^{(t)}(\xi, x).$$

$p_{ij}(\xi, x)$  jest, jak patrně, pravděpodobnost, že osoba, jež ve věku  $\xi$  byla v  $\Gamma_i$ , bude ve věku  $x$  náležeti do  $\Gamma_j$ .

Užitím uvedených pojmů dostává autor tento výsledek:

$$l_1(x) = l_1(x_0) p_{11}(x_0, x),$$

$$l_i(x) = l_i(x_0) p_{ii}(x_0, x), \quad (i = 2, 3, \dots, r.)$$

čímž problém jest rozřešen.

Jak patrně, jest tato pozoruhodná práce novým důkazem, že problémy matematické statiky vedou na integrální rovnice Volterrovy; je to další krok na cestě, kterou nastoupil prof. Dr. Schoenbaum. Díky ochotě p. Taucra, který mi dal laskavě opis svého referátu, mohu seznámiti naše čtenáře s jeho výsledky, dříve než se jich dočtou v aktech kongresu.

Josef Korous.

Josef Fuhrich: **Bemerkungen zum Artikel „Application of Bessel coefficients in approximative expressing of collectives“ von Dr. L. Truksa (Akt. Vědy 1.)**

Der erwähnte Artikel behandelt die Anwendung der Poissonschen Funktion  $\psi(m, x) = \frac{e^{-m} m^x}{x!}$  auf die approximative Darstellung von Verteilungen in der Weise, dass in dem der Methode der kleinsten Quadrate entsprechenden Ansatz

$$\sum_0^{\infty} \{y_x - \psi(m, x) [a_0 K_0(m, x) + a_1 K_1(m, x) + \dots]\}^2 = \text{Minimum}$$

die Polynome  $K_i$  vom Grade  $i$  der Orthogonalitätsbedingung unterworfen werden. Der Autor zeigt, dass sich unter diesen Voraussetzungen die in den Polynomen  $K_i$  auftretenden Konstanten durch die Besselschen Funktionen erster Art mit imaginärem Argument rational ausdrücken lassen.

Vergleicht man diese mathematisch interessante Darstellung mit der Entwicklung von Charlier, in der die  $K_i$  so gewählt sind, dass  $K_i \psi = A^i \psi$  und nach der Momentenmethode  $a_0 = 1$  ist und ausserdem  $a_1 = 0$  wird, wenn man für  $m$  das arithmetische Mittel der  $y_x$  wählt, so ergibt sich als wesentlicher Unterschied, dass zwar die Relation  $\sum \{y_x - \psi(a_0 K_0 + a_1 K_1 + \dots)\} = 0$  in beiden Fällen gilt, während die bei der Charlierschen Entwicklung hinzutretenden, nämlich  $\sum a_0 K_0 \psi = 1$ ,  $\sum K_i \psi = 0$  ( $i > 0$ ) hier nicht mehr erfüllt sind. Das hat zur Folge, dass die über die Funktionswerte erstreckte Summe nicht mehr gleich sein wird der Summe der Beobachtungswerte, wenn man die Entwicklung bei einem bestimmten Gliede  $K_j$  abbricht, es sei denn, dass  $a_i = 0$  wäre für alle Werte von  $i > j$ . Gegenstand der Approximation ist also nicht nur wie bei Charlier die Verteilung innerhalb des Kollektivs, sondern auch der Wertevorrat selbst. Dem durch die Anwendung der Methode der kleinsten Quadrate erzielten Vorteil in bezug auf die Beträge der Abweichungen der gerechneten von den empirischen Werten wird also im konkreten Falle der Nachteil gegenüberstehen, dass die Summe dieser Abweichungen nicht verschwindet, der Umfang des Kollektivs also eine Veränderung erfährt.

Diese Behauptung wird auch durch die in der erwähnten Abhandlung vorgeführten Beispiele in vollem Umfange bestätigt und zwar tritt der Nachteil der Verminderung des Wertevorrates nicht nur bei dem vom Autor selbst als ungünstig bezeichneten Beispiel hervor, sondern auch bei den beiden anderen.

Es ist in diesem Zusammenhange vielleicht von Interesse, auf die Ausführungen meines Artikels „Vereinfachte Berechnung der Konstanten bei

den Frequenzfunktionen“ (Berlin 1928) hinzuweisen, wo ich unter Beibehaltung der Charlierschen Entwicklung die Methode der kleinsten Quadrate zur Bestimmung der Koeffizienten  $a_i$  benütze und zwar in vereinfachter Form, indem ich nicht mit den Einzelwerten selbst operiere, sondern nur mit Summen derselben, erstreckt über die durch die Nullstellen der  $\Delta^2\psi$  abgegrenzten Teilintervalle. Dass der von mir angestrebte Zweck, die Vorteile der Methode der kleinsten Quadrate mit denen der Momentenmethode zu verbinden, auch tatsächlich erreicht wird, ist auch an den von Herrn Dr. Truksa behandelten Beispielen zu erweisen. Ich lasse die Gegenüberstellung der Resultate folgen.

Es bedeuten die  $\delta_x$  die Differenzen Beobachtung — Rechnung und zwar  $\delta_x(1)$  nach Truksa,  $\delta_x(2)$  nach den von mir erzielten Formeln.

- I.  $y_x = \psi - 2.9711 \Delta^2\psi$   
 II.  $y_x = \psi - 0.2672 \Delta^2\psi$   
 III.  $y_x = 105 (\psi + 0.774 \Delta^2\psi)$

I.				
$x$	$\delta_x(1)$	$\Sigma\delta_x(1)$	$\delta_x(2)$	$\Sigma\delta_x(2)$
0	0	0	0	0
1	+1	+1	+1	+1
2	+4	+5	+3	+4
3	+8	+13	+5	+9
4	+8	+21	+4	+13
5	+4	+25	-2	+11
6	-4	+21	-9	+2
7	-9	+12	-10	-8
8	-5	+7	+2	-6
9	+4	+11	+9	+3
10	+9	+20	+13	+16
11	+5	+25	+7	+23
12	-4	+21	-4	+19
13	-8	+13	-11	+8
14	-7	+6	-11	-3
15	-1	+5	-6	-9
16	+4	+9	0	-9
17	+6	+15	+3	-6
18	+6	+21	+4	-2
19	+5	+26	+3	+1

II.					III.				
$x$	$\delta_x(1)$	$\Sigma\delta_x(1)$	$\delta_x(2)$	$\Sigma\delta_x(2)$	$x$	$\delta_x(1)$	$\Sigma\delta_x(1)$	$\delta_x(2)$	$\Sigma\delta_x(2)$
0	+6	+6	+5	+5	0	+0.9	+0.9	+1.9	+1.9
1	+4	+10	+2	+7	1	-1.2	-0.3	-1.8	+0.1
2	-4	+6	-5	+2	2	+0.8	+0.5	+0.3	+0.4
3	-2	+4	-3	-1	3	+0.4	+0.9	+0.5	+0.9
4	+3	+7	+4	+3	4	-1.1	-0.2	-0.7	+0.2
5	+4	+11	+3	+6	5	-0.7	-0.9	-1.1	-0.9
6	-1	+10	-3	+3	6	+1.4	+0.5	+0.9	0.0
7	-3	+7	-6	-3	7	+0.5	+1.0	+0.1	+0.1
8	-2	+5	-4	-7	8	-0.5	+0.5	-0.7	-0.6
9	+1	+6	0	-7	9	-0.2	+0.3	-0.2	-0.8
10	+3	+9	+2	-5	10	0.0	+0.3	-0.1	-0.9
11	+2	+11	+2	-3	11	+1.0	+1.3	+1.0	+0.1
12	+1	+12	+2	-1					
13	+1	+13	+1	0					
14	0	+13	0	0					

H. Hennig: Die Analyse von Wirtschaftskurven; P. Lorenz: Der Trend.

Obě pojednání, jež byla uveřejněna v berlínských „Vierteljahrshäfte zur Konjunkturforschung“ (Sonderheft 4 a 9), zabývají se převážně technickou přibližnou vyjádření numericky daných funkcí polynomy na podkladě metody nejmenších čtverců. Sleduje v podstatě postup ruského statistika N. Četverikova obsažený v článku „O technice výpočtu parabolických křivek“ (Otázky Konjunktury, Moskva 1926) a B. Jastremskyho v článku „O řetězové analýze statistických řad“ (Věstník statistiky, Moskva 1925) vychází Hennig z této úlohy: Jest vyjádřiti přibližně funkci  $w$  z daných z hodnot polynomem

$$y_n = {}_n C_0 + {}_n C_1 x + \dots + {}_n C_n x^n$$

stupně  $n < z$ , při čemž má býti splněna podmínka

$$\Sigma (w - y_n)^2 = \text{minimum}$$

charakterisující metodu nejmenších čtverců. Podmínka tato jest, jak známo, totožná v daném případě s podmínkou charakterisující metodu momentů

$$\Sigma x^i w = \Sigma x^i y_n \quad i = 0, 1, \dots, n.$$

Koeficient  ${}_n C_i$  lze vyjádřiti jako lineární funkci momentů  $m_i$  funkce  $w$  stupně 0-tého až  $i$ -tého:

$${}_n C_i = \sum_{k=0}^i \beta_k \Sigma x^k w = \Sigma \beta_k m_k.$$

K výpočtu těchto momentů použito pak známé metody sumační spočívající v postupném nadčítání resp. sečítání hodnot  $w$  upravené zvláště pro lichý a zvláště pro sudý počet numericky daných hodnot. Momenty  $m_i$  lze vyjádřiti jako lineární funkce postupných součtů  $S_i$ . Výpočet koeficientů  ${}_n C_i$  usnadněn jest tabulkou hodnot  $\beta_k$ , které závisí toliko na počtu z daných hodnot funkce. Tabulka obsahuje hodnoty  $\beta_k(z)$  pro  $k = 1, 2, 3, 4$ ,  $z = 9, 10, 11, \dots, 100$ . Výpočet zůstává i pak dosti obtížným, nač poukazují též P. Lorenz v pojednání výše uvedeném, kdež na str. 7. praví: „Die Berechnung namentlich der Parabeln höheren Grades bleibt trotz der verdienstvollen Vereinfachung, die der russische Statistiker Tschetwerikoff gezeigt hat, immer noch recht mühsam“.

Budiž upozorněno při této příležitosti na jistou modifikaci postupu Četverikova, která v mnohém směru může přispěti k zjednodušení výpočtů. Použijeme-li totiž na př. místo polynomu  $y_n$  polynom

$$\eta_n = n\gamma_0 + n\gamma_1 x + n\gamma_2 x(x+1) + \dots + n\gamma_n x(x+1) \dots (x+n-1)$$

a nahradíme-li momenty  $m_i$  faktorielními momenty

$$\mu_i = \Sigma x(x+1) \dots (x+i-1) w$$

obdržíme velmi jednoduchý vztah mezi momenty  $\mu_i$  a postupnými součty  $S_i$  funkce. Při jednoduchém schematu součtovém

$$z\sigma_0 = \sum_{x=1}^z w(x), \quad z\sigma_1 = \sum z w, \quad z\sigma_2 = \sum \frac{z(z+1)}{2} w, \dots$$

závisí moment  $\mu_i$  toliko na součtu  $\sigma_i$ , kdežto analogický moment  $m_i$  jest lineární funkcí součtů  $\sigma_1, \sigma_2, \dots, \sigma_i$ . Vhodnou volbou tvaru funkce  $\eta_n$  lze tohoto zjednodušení docílit i při summačních schemech, u nichž počátek zvolíme uprostřed dané řady hodnot.

Z dalšího obsahu pojednání Hennigova budiž uvedena zejména pozoruhodná aplikace polynomů  $y_n$  při výpočtu korelačního koeficientu doplněná několika podrobně vypočtenými příklady ze statistiky indexních čísel.

Odchylně od postupu výše uvedeného řeší úlohu o přibližném vyjádření numericky dané funkce polynomem  $y_n$  stupně  $n$  podle metody nejmenších čtverců P. Lorenz. Uchyluje se k cestě nastoupené Čebyševem, P. Gramem, Ch. Jordanem a jinými autory, kteří vyjadřují polynom

$$y_n = \sum_{i=0}^n a_i P_i(x)$$

řadou ortogonálních polynomů splňujících podmínku

$$\sum P_i P_k = 0 \quad i \neq k.$$

Značná výhoda spočívá při tomto vyjádření v okolnosti, že přechod od paraboly  $y_n$  k parabole  $y_{n+1}$  vyžaduje toliko připojení dalšího členu  $a_{n+1} P_{n+1}(x)$  příslušné řady. K usnadnění praktického použití připojeny jsou obšírné tabulky jednak hodnot polynomů  $P_i(x)$  pro  $i = 1, 2, 3, 4, 5$  a různá  $x$ , jednak pomocných hodnot ku výpočtu koeficientů  $a_i$ , které jsou opět lineárními funkcemi momentů  $m_i = \sum x^i w$ .

Velmi zajímavou jest aplikace polynomů  $P_i(x)$  při výpočtu korelace dvou nebo více empirických řad resp. příslušných přibližných parabol. K pojednání přiloženy jsou též tabulky umožňující snadný přechod od vyjádření řadou polynomů k vyjádření podle mocnin  $x$

$$\sum_i a_i P_i(x) = [a_0 + a_2 P_2(0)] + [a_1 P'_1(0) + a_3 P'_3(0)]x + \frac{a_2}{2} P''_2(0)x^2 + \dots$$

Obě pojednání jsou po stránce matematické celkem lehkou přístupná.  
Dr. Truksa.

Josef Riedl: Die Bewegungen des Zinsfußes vor und nach dem Weltkriege und ihre finanzielle Auswirkung in der Lebensversicherung samt einer Methode zur Berechnung von Praemien mit variablem Zinsfuß. (Wien 1928, vlastním nákladem.)

Kniha přináší některé zajímavé postřehy o dosavadním vývoji úrokové míry i o pravděpodobném vývoji příštím. Hlavním výsledkem šetření autora tu je v první řadě fakt že efektivní úroková míra před válkou se u životních pojišťoven vyvíjela dosti pomalu avšak linií sestupnou (od r. 1880 do r. 1910 s 5% na 4 1/2%) a dále že úroková míra za války a ještě i po válce sice dosáhla značné výše 6% — důsledkem velké potřeby hotovosti za války i pro rekonstrukce po válce — že však lze očekávat postupný pokles její během 10—20 let. Autor také upozorňuje, jak značně se změnil způsob uložení peněz soukromých pojišťoven: Kdežto dříve byla (u němec. pojišťoven) značně převažující část jmění (přes 80%) uložena v hypotekách a z ostatku 7—8% v půjčkách na pojistky a jen 2—3% v cenných papírech, po válce uvolněním ukládacích norem změnil se stav tak, že jistiny uložené v hypotekách klesly na 54% a v půjčkách na pojistky na 3%; za to stouply jistiny uložené v nemovitostech na 26% a v cenných papírech na 12%. Ještě markantnější je nyní obrat u pojišťoven anglických, které v roce 1924 dosáhly 76% uložených jistin v cenných papírech.

Vzhledem k tomu, že soukromé pojišťovny zakládají dosud své pojistně-matematické propočty většinou na úrokové míře 4%, znamená tento vzestup úrokové míry pro pojišťovny dočasné mimořádné zisky. Tyto zisky sice mohou sloužit k odstranění ztrát, jež vznikly pojišťovněm důsledkem inflace a nepravidelného peněžního obchodu za války a krátce po válce, avšak přece jest uvážiti, do jaké míry by měly vésti ke snížení pojistného u těch pojištěnců, z jejichž pojistného se získávají.

Přesné řešení problému pojistného při proměnlivé úrokové míře vede ovšem k velmi komplikovaným formulím. Autor pokouší se dojíti k formulím jednodušším, tím způsobem, že hledá vhodné rozvoje v řady pro výraz

$$\frac{1}{r_1 \cdot r_2 \cdot \dots \cdot r_n}$$

K tomu činí o budoucím vývoji úročitelů tři různé konkrétní předpoklady a dochází k číselnému určení příslušných konstant rozvoju zkrácených na formule jednak pouze lineární a jednak kvadratické.

Pro jednotlivé formy životního pojištění uvádí pak přímo výsledky výpočtů, z nichž plyne, že oproti pojistnému vypočtenému při 4% úrokové míře mělo by nastoupiti snížení až 10%.

Formule Riedlovy jsou — vzhledem ke složitosti problému — skutečně velmi jednoduché a přes zkrácení rozvojů, znamenají co největší přiblížení ke skutečnosti. Formule ty, resp. konkrétní konstanty ovšem platí pro pojistky uzavřené na počátku éry určitého vývoje úrokové míry, kdežto pro pojistky později uzavírané, jakož i pro pojistky již dříve uzavřené bylo by nutno v některých případech změnit formule a v některých aspoň vypočítati pro jednotlivé kalendářní roky nové konstanty. Jest si ovšem také uvědomiti, že by pak bylo pojistné pro jednotlivé skupiny pojištěnců při stejném druhu pojištění různé. To arci není v běžném obchodu pojišťovacím možné; byly by tedy kompromisy nutné. Kromě toho upozorňuje autor, že také ostatní složky hrubého pojistného se po válce značně změnily (správní náklady, akviziční výlohy, zisk ze storna). Autor ohlašuje další práci o těchto změnách a jejich vlivu na pojistné.

Práce Riedlova týká se tedy, jak z tohoto resumé zřejmo, důležitého a aktuálního thematicu a podává prakticky schůdné řešení otázky výpočtu ryziho pojistného při proměnlivé úrokové míře.

V. Havlík.

Dr. W. P r y l l: Ergebnisse der Statistik der Allgemeinen Ortskrankenkasse der Stadt Berlin über das Jahr 1927 (Berlin 1928).

Zpráva nemocenské pojišťovny berlínské za rok 1927 zasluhuje v několika směrech pozornosti jak co do svých výsledků, tak také co do pracovních metod, jimiž statistika tato byla provedena. Zpráva všimá si hlavně momentů zdravotnických a stane se jistě po této stránce téměř klasickým příkladem takovýchto prací. Zpráva přesto, že je velmi obsáhlá a doložena úplným a podrobným číselným materiálem, odkazuje přece po stránce vědecké na pozdější zpracování ve zvláštním pojednání. V úvodu zdůrazňuje se účel této práce a to účel, který by měl býti úelem všech podobných prací sociálně pojišťovacích ústavů: Jde nejen o shromáždění co nejobsáhlejšího číselného materiálu o průběhu jednotlivých zjevů v minulosti, nýbrž i o odvození příčin těchto zjevů a jejich průběhu podrobným rozбором výsledků a reprodukování v takové formě, aby se toto šetření mohlo státi směrnici pro praksi v budoucnosti.

Podstatným znakem statistických prací berlínské pojišťovny jest, že byly prováděny na statistických strojích. Zpráva uvádí zde zejména porovnání peněžních nákladů na zpracování manuální (13.270 M) a na zpracování pomocí statistických strojů (4.650 M) u statistiky případů spojených s pracovní nezpůsobilostí.

K ujasnění, o jak rozsáhlý materiál jde, budiž upozorněno, že průměrný stav členů nemocenské pojišťovny berlínské v roce 1927 činil 473.000; dále jest zajímavo, že ženy zaujímají dosud v počtu členů pojišťovny většinu: počet žen jest 55%, počet mužů 45%.

Z výsledků vlastní statistiky nemocenské jest na tomto místě uvést: průměrný denní stav nemocných u nemocenské pojišťovny berlínské 5.27%, relativní počet případů onemocnění 66.68%, průměrné trvání jednoho případu pracovní nezpůsobilosti 26.75 dní a konečně morbidita 17.97 dní (14.58 u mužů, 20.75 u žen). Zpráva obsahuje též rozdělení relativní četnosti případů onemocnění podle stáří pojištěnců; ježto však pro rok 1927 nebylo možno konstruovati rozdělení členů podle stáří, nebylo možno také k této tabulce opatřiti jako doplněk tabulku morbidity diferencované podle stáří.

Dále obsahuje zpráva velmi podrobný materiál o rozdělení případů onemocnění spojených s pracovní nezpůsobilostí podle druhů chorob a to jednak ve stručném přehledu (15 skupin chorob) a jednak podle velmi detailovaného seznamu, obsahujícího přes 200 jednotlivých titulů. Přes toto veliké diferencování vyskytují se však přece choroby, které nad ostatní velmi převažují svým četným vyskytováním: V první řadě jde ovšem o epidemii chřipkovou, která se vyskytla u mužů v 13.7% a u žen v 13.6% všech

případů. Z dalších nemocí u mužů převažuje svalový rheumatismus (8.6%), pohmoždění (4.9%), neurastenie, nervosa a pod. (4.8%) bronchitis (4.7%), ostatní zranění vnější (3.6%) a konečně tuberkulosa plic (3.6%). U žen jest tento postup: neurastenie a nervosa (6.2%), svalový rheumatismus (5.9%), angina a pod. (4.6%), chudokrevnost (4.2%), bronchitis (3.7%), potrat (3.2%), neuralgie (2.9%) a tuberkulosa plic (2.9%).

Z tohoto přehledu vysvítá, jak značnou převahu nabývají i před tuberkulosou i nemoci jiné, na př. rheumatismus. Zde také lze čerpati směrnice pro praxi individuální léčebné péče.

Pro pojistného matematika měly by ovšem tyto cifry svůj význam teprve tehdy, kdyby byly členěny podle stáří a kdyby je bylo možno uvéstí v souvislost s morbiditou členěnou dle stáří a s frekvencí invalidity podle stáří a příčin invalidity.

Analogické přehledy a příslušný materiál obsahuje zpráva o případech pobytu v nemocnici, o léčení v ozdravovnách, sanatoriích a lázních. Zde vesměs jest na základě výsledků provedena kritika agendy pro příští praxi.

Velmi obsáhlou částí zprávy jest podrobný referát o zdravotnické péči pojišťovny. Tato péče nespokojuje se ovšem pouhým provedením léčebného řízení z prostředků pojišťovny, nýbrž je vedena hlavně snahou předati členy do ošetřování a péče jiných, hlavně veřejných a odborných institucí. Tento způsob zdravotnické péče pojišťovny se stále rozvíjí, třeba že snad místy naráží na obtíže způsobené nevšímavostí členstva, nebo dokonce nepochopením u příslušných úřadů. Byla to hlavně: péče o tuberkulosní členy, péče o těhotné, o kojence, o děti, léčení opilství, pohlavních chorob a j. Podstatnou složkou pak byla péče bytová, směřující buď k opatření nebo výměně bytu nemocným členům, anebo aspoň k takové rekonstrukci bytu, aby odpovídal zdravotním požadavkům.

Z tohoto stručného výpisu obsahu zprávy, jejímž autorem jest šéflékař pojišťovny Dr. W. Pryll, jest zřejmo, že jde o zprávu, která jest zajímavá nejen se stanoviska odborného, ježto obsahuje velmi cenný materiál, nýbrž i se stanoviska všeobecného, ježto obsahuje skutečně vzornou zprávu o činnosti pojišťovny, která zároveň může sloužiti za programový referát o úkolech sociálně-pojišťovacích ústavů.

V. Havlík.

## ZPRÁVY.

Devátý mezinárodní kongres aktuárský bude se konati ve dnech 16.—20. června 1930 ve Stockholmu. Předmětem jednání kongresu budou tyto otázky:

A. Problém rozdělení zisku: Do jaké míry je možno a účelno rozdělení přebytku přizpůsobiti kolísání úrokové míry, úmrtnosti a správních nákladů? Jest nutno respektovati vliv odpadu pojistek a jak jest pak provéstí rozdělení přebytků?

B. Otázka účasti neb neúčasti na zisku: Jest možno životní pojištění bez účasti na zisku organisovati tak, aby bylo právě tak výhodné, nebo snad ještě výhodnější než pojištění s účastí na zisku?

C. Pojištění risika a pojištění sopení: Co jest příčinou přechodu od doživotního ke smíšenému pojištění a jaký bude patrně další vývoj? Co činiti k propagaci vhodných způsobů pojištění?

D. Problém risika: Lze pro praxi životního pojištění očekávati skutečný užitek z teorického prozkoumání matematického risika a podobných problémů? Nepostačují obvyklé metody zajištění a tvoření bezpečnostních záloh k vyloučení škodlivého vlivu kolísání úmrtnosti?

E. Vyšetření tuberkulosy: Jest požadováno, aby byla prozkoumána